



Estatística descritiva usando R

bem-vinde ao **tidyverse**

Exploração e visualização de Dados

Profa Carolina e Prof Gilberto
Parte 2

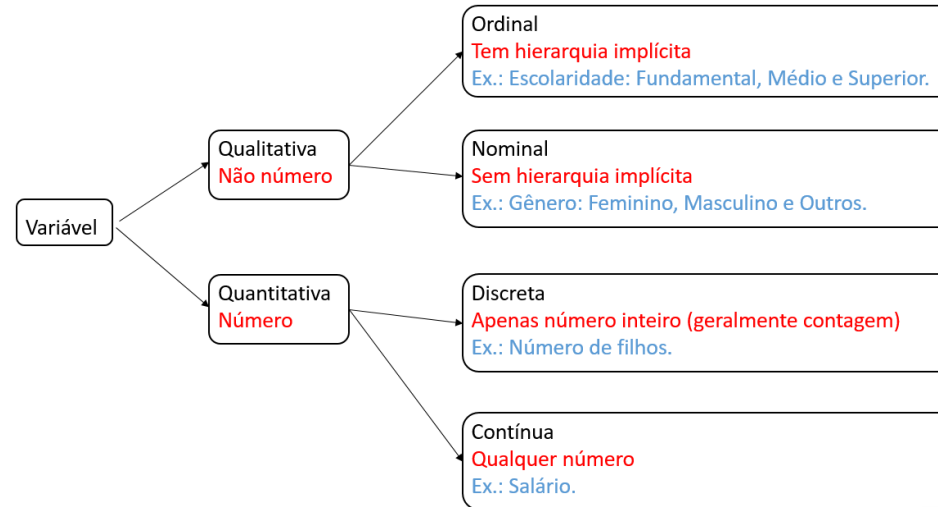
Conceitos básicos

Começamos com alguns conceitos básicos, que usaremos durante todo esse curso.

- **População:** Todos os elementos ou indivíduos alvo do estudo;
- **Amostra:** Parte da população;
- **Parâmetro:** característica da população (grandeza);
- **Estimativa:** característica da amostra. Usamos a estimativa para aproximar o parâmetro;
- **Variável:** *característica de um elemento da população (mensurando ou analito)*. Geralmente usamos uma letra maiúscula do alfabeto latino para representar uma variável (mensurando ou analito), e uma letra minúscula do alfabeto latino para representar o valor de uma variável para um elemento (indicação) da população. Por exemplo, podemos representar a variável "Teor de hidrócloro" por X e um indicação da amostra por $x = 25,1 \text{ mg/comprimido}$.



Classificação de variáveis



Classificação de variáveis.

Tabela de distribuição de frequência variável qualitativa

A primeira coisa que fazemos é contar!

X	frequência	frequência relativa	porcentagem
B_1	n_1	f_1	$100 \cdot f_1\%$
B_2	n_2	f_2	$100 \cdot f_2\%$
\vdots	\vdots	\vdots	\vdots
B_k	n_k	f_k	$100 \cdot f_k\%$
Total	n	1	100%

Em que n é o tamanho da amostra.

Geralmente não incluímos a coluna de *frequência relativa*.

Tabela de distribuição de frequência variável qualitativa

Pacotes: janitor

```
library(readxl)
library(janitor)
library(tidyverse)
df_oscars_pixar <- read_xlsx("data/raw/dados_pixar_oscars.xlsx")
df_oscars_pixar |>
  tabyl(tipo_premio_indicado) |>
  arrange(desc(n)) |>
  adorn_totals() |>
  adorn_pct_formatting(digits = 2) |>
  rename(
    "Indicação ao Oscar" = tipo_premio_indicado,
    "Frequência" = n,
    "Porcentagem" = percent
  )
```

##	Indicação ao Oscar	Frequência	Porcentagem
##	Melhor Filme de Animação	18	22.50%
##	Melhor Roteiro Adaptado	16	20.00%
##	Melhor Roteiro Original	15	18.75%
##	Melhor Canção Original	8	10.00%
##	Melhor Edição de Som	8	10.00%
##	Melhor Trilha Sonora	8	10.00%
##	Melhor Mixagem de Som	4	5.00%
##	Melhor Filme	2	2.50%
##	Outro	1	1.25%
##	Total	80	100.00%

Tabela de distribuição de frequência variável quantitativa discreta

Pacotes: janitor

```
library(janitor)
df_mtcarrros <- read_csv2("data/raw/mtcarrros.csv")
df_mtcarrros |>
  tabyl(marchas) |>
  arrange(desc(n)) |>
  adorn_totals() |>
  adorn_pct_formatting(digits = 2) |>
  rename(
    "Marchas" = marchas,
    "Frequência" = n,
    "Porcentagem" = percent
  )
```

##	Marchas	Frequência	Porcentagem
##	3	15	46.88%
##	4	12	37.50%
##	5	5	15.62%
##	Total	32	100.00%



Tabela de distribuição de frequência variável quantitativa contínua

Primeiro agregamos os valores em intervalos.

1. Usamos $inter$ usadas na área de pesquisa
2. Regra de Sturge: $1 + \log_2(n)$ (n é o tamanho da amostra)

```
df_trabalhador <- read_xlsx("data/raw/companhia_MB.xlsx")
k <- round(1 + log2(nrow(df_trabalhador)))
faixas <- seq(
  from = min(df_trabalhador$salario),
  to = max(df_trabalhador$salario),
  length.out = k
)
df_trabalhador <- df_trabalhador |>
  mutate(faixa_salario = cut(
    salario,
    breaks = faixas,
    include.lowest = T,
    right = F
  ))
```

Tabela de distribuição de frequência variável quantitativa contínua

```
df_trabalhador |>
  tabyl(faixa_salario) |>
  adorn_totals() |>
  adorn_pct_formatting(digits = 2) |>
  rename(
    "Salário" = faixa_salario,
    "Frequência Absoluta" = n,
    "Porcentagem" = percent
  )
```

##	Salário	Frequência Absoluta	Porcentagem
##	[4,7.86)	10	27.78%
##	[7.86,11.7)	12	33.33%
##	[11.7,15.6)	7	19.44%
##	[15.6,19.4)	6	16.67%
##	[19.4,23.3]	1	2.78%
##	Total	36	100.00%

Medidas de Resumo

Medidas de posição e dispersão

A ideia é encontrar um ou alguns valores que sintetizem todos os valores.

Medidas de posição (tendência central)

A ideia é encontrar um valor que representa *bem* todos os valores.

- **Média:** $\bar{x} = \frac{x_1 + \dots + x_n}{n}$
- **Mediana:** valor que divide a sequência ordenada de valores em duas partes iguais.

Medidas de dispersão

A ideia é medir a homogeneidade dos valores.

- **Variância:** $s^2 = \frac{(x_1 - \bar{X})^2 + \dots + (x_n - \bar{X})^2}{n - 1}$;
- **Desvio padrão:** $s = \sqrt{s^2}$ (mesma unidade dos dados);
- **coeficiente de variação** $cv = \frac{s}{\bar{x}} \cdot 100\%$ (adimensional, ou seja, “sem unidade”)



Medidas de resumo

Pacote: dplyr

```
df_trabalhador |>
  group_by(escolaridade) |>
  summarise(
    media = mean(salario),
    mediana = median(salario),
    variancia = var(salario),
    dp = sd(salario),
    cv = dp / media
  )
```

```
## # A tibble: 3 × 6
##   escolaridade      media mediana variancia    dp    cv
##   <chr>            <dbl>  <dbl>    <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 ensino fundamental 7.84    7.12     8.74  2.96 0.377
## 2 ensino médio      11.5    10.9    13.8   3.72 0.322
## 3 superior          16.5    16.7    20.3   4.50 0.273
```



Quantis

Ideia

$q(p)$ é um valor que satisfaz:

- $100 \cdot p\%$ das observações é no máximo $q(p)$
- $100 \cdot (1 - p)\%$ das observações é no mínimo $q(p)$

Alguns quantis especiais

- Primeiro quartil: $q_1 = q\left(\frac{1}{4}\right)$
- Segundo quartil: $q_2 = q\left(\frac{2}{4}\right)$
- Terceiro quartil: $q_3 = q\left(\frac{3}{4}\right)$

Quantis

```
df_trabalhador |>
  group_by(escolaridade) |>
  summarise(
    q1 = quantile(salario, 0.25),
    q2 = quantile(salario, 0.5),
    q3 = quantile(salario, 0.75)
  )
```

```
## # A tibble: 3 × 4
##   escolaridade      q1    q2    q3
##   <chr>          <dbl> <dbl> <dbl>
## 1 ensino fundamental 6.01  7.12  9.16
## 2 ensino médio      8.84 10.9  14.4
## 3 superior         13.6 16.7  18.4
```

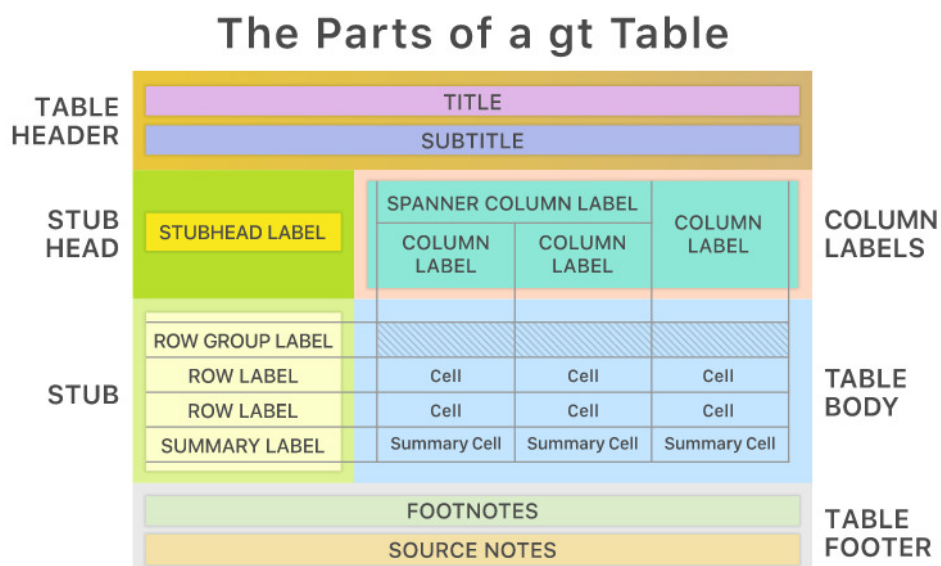
Exportando tabelas

pacote **gt**

Pacote gt

Vamos usar o pacote `gt` para customizar a apresentação de uma tabela.

A ideia do pacote `gt` é melhorar apresentação por camadas.



Para mais detalhes, visite [pacote gt](#).

Exemplo

Vamos customizar e salvar a tabela com as medidas de resumo para a variável `salario` do conjunto de dados `companhia_MB.xlsx`.

```
df <- read_xlsx("data/raw/companhia_MB.xlsx")
tab <- df |>
  group_by(escolaridade) |>
  summarise(
    media = mean(salario),
    mediana = median(salario),
    dp = sd(salario),
    cv = dp / media,
    q1 = quantile(salario, 1 / 4),
    q3 = quantile(salario, 3 / 4)
  )
```

Cabeçalho e subcabeçalho

- `tab_header`: permite incluir cabeçalho (`title`) e subcabeçalho (`subtitle`)
- `gtsave`: permite salvar tabela em formato `html` (página web), `tex` (*L^AT_EX*) e `rtf` (word)

```
library(gt)
gt_tab <- gt(tab) |>
  tab_header(
    title = md("**Escolaridade dos funcionário:** _Empresa tal_ "),
    subtitle = md("**Criado por:** _Gilberto Sassi_")
  )
gtsave(gt_tab, filename = "output/gt_tab.html")
gtsave(gt_tab, filename = "output/gt_tab.tex")
gtsave(gt_tab, filename = "output/gt_tab.rtf")
```

Incluindo fonte dos dados

- `tab_source_note`: inclusão de *fonte de dados*
- `md`: formatação de texto usando a sintaxe markdown
- `html`: formatação de texto usando sintaxe html

```
gt_tab <- gt_tab |>
  tab_source_note(
    source_note = md("_Exemplo didático:_ Tabela 2.1.")
  ) |>
  tab_source_note(
    source_note = html("Livro: <strong>Estatística básica.</strong>")
  )
gt_tab
```

Escolaridade dos funcionários: *Empresa tal*

Criado por: *Gilberto Sassi*

escolaridade	media	mediana	dp	cv	q1	q3
ensino fundamental	7.836667	7.125	2.956464	0.3772604	6.0075	9.1625
ensino médio	11.528333	10.910	3.715144	0.3222620	8.8375	14.4175
superior	16.475000	16.740	4.502438	0.2732891	13.6475	18.3775

Exemplo didático: Tabela 2.1.

Livro: **Estatística básica.**

Rótulo para grupo de linhas

`tab_row_group`: permite colocar *rótulo* para um grupo de linhas

```
gt_tab <- gt_tab |>
  tab_row_group(
    label = md("**Nível**: ensino básico"),
    rows = 1:2
  ) |>
  tab_row_group(
    label = html("<strong>Nível</strong>: ensino universitário"),
    row = 3
  )
gt_tab
```

Escolaridade dos funcionários: *Empresa tal*

Criado por: *Gilberto Sassi*

escolaridade	media	mediana	dp	cv	q1	q3
--------------	-------	---------	----	----	----	----

Nível: ensino universitário

superior	16.475000	16.740	4.502438	0.2732891	13.6475	18.3775
----------	-----------	--------	----------	-----------	---------	---------

Nível: ensino básico

ensino fundamental	7.836667	7.125	2.956464	0.3772604	6.0075	9.1625
--------------------	----------	-------	----------	-----------	--------	--------

ensino médio	11.528333	10.910	3.715144	0.3222620	8.8375	14.4175
--------------	-----------	--------	----------	-----------	--------	---------

Exemplo didático: Tabela 2.1.

Livro: **Estatística básica.**

Rótulo para grupo de columnas

`tab_spanner`: permite colocar *rótulo* para grupo de columnas

```
gt_tab <- gt_tab |>
  tab_spanner(
    label = md("_Variável_"),
    columns = "escolaridade"
  ) |>
  tab_spanner(
    label = html("<strong>Quantis</strong>"),
    columns = c(q1, mediana, q3)
  )
gt_tab
```

Escolaridade dos funcionários: *Empresa tal*

Criado por: *Gilberto Sassi*

<i>Variável</i>				<i>Quantis</i>		
<i>escolaridade</i>	<i>media</i>	<i>dp</i>	<i>cv</i>	<i>q1</i>	<i>mediana</i>	<i>q3</i>
Nível: ensino universitário						
superior	16.475000	4.502438	0.2732891	13.6475	16.740	18.3775
Nível: ensino básico						
ensino fundamental	7.836667	2.956464	0.3772604	6.0075	7.125	9.1625
ensino médio	11.528333	3.715144	0.3222620	8.8375	10.910	14.4175

Exemplo didático: Tabela 2.1.

Livro: **Estatística básica.**

Movendo colunas

- `col_move_to_start`: move uma ou mais colunas para o início da tabela
- `col_move_to_end`: move uma ou mais colunas para o fim da tabela
- `col_move`: move uma coluna ou mais colunas depois uma determinada coluna

```
gt_tab <- gt_tab |>
  cols_move_to_start(
    columns = escolaridade
  ) |>
  cols_move_to_end(
    columns = c(q1, mediana, q3)
  ) |>
  cols_move(
    columns = cv,
    after = media
  )
gt_tab
```

Escolaridade dos funcionários: *Empresa tal*

Criado por: *Gilberto Sassi*

<i>Variável</i>				<i>Quantis</i>		
<i>escolaridade</i>	<i>media</i>	<i>cv</i>	<i>dp</i>	<i>q1</i>	<i>mediana</i>	<i>q3</i>
Nível: ensino universitário						
superior	16.475000	0.2732891	4.502438	13.6475	16.740	18.3775
Nível: ensino básico						
ensino fundamental	7.836667	0.3772604	2.956464	6.0075	7.125	9.1625
ensino médio	11.528333	0.3222620	3.715144	8.8375	10.910	14.4175

Exemplo didático: Tabela 2.1.

Livro: **Estatística básica.**

Atualização dos rótulos das colunas

`cols_label`: permite atualizar os *rótulos* de colunas

```
gt_tab <- gt_tab |>
  cols_label(
    escolaridade = md("_Escolaridade_"),
    media = html("<em>Média</em>"),
    cv = md("_Coeficiente de variação_"),
    dp = html("<em>Desvio padrão</em>"),
    q1 = md("_Primeiro quartil_"),
    mediana = html("<em>Segundo quartil</em>"),
    q3 = md("_Terceiro quartil_")
  )
gt_tab
```

Escolaridade dos funcionários: *Empresa tal*

Criado por: *Gilberto Sassi*

<i>Variável</i>	<i>Quantis</i>					
<i>Escolaridade</i>	<i>Média</i>	<i>Coefficiente de variação</i>	<i>Desvio padrão</i>	<i>Primeiro quartil</i>	<i>Segundo quartil</i>	<i>Terceiro quartil</i>
Nível: ensino universitário						
superior	16.475000	0.2732891	4.502438	13.6475	16.740	18.3775
Nível: ensino básico						
ensino fundamental	7.836667	0.3772604	2.956464	6.0075	7.125	9.1625
ensino médio	11.528333	0.3222620	3.715144	8.8375	10.910	14.4175

Exemplo didático: Tabela 2.1.

Livro: **Estatística básica.**

Formatação de valores nas colunas

`fmt_number`: formatação de valores numéricos em uma tabela

```
gt_tab <- gt_tab |>
  fmt_number(
    columns = c(media, mediana, dp, q1, q3),
    decimals = 2,
    dec_mark = ",",
    sep_mark = "."
  ) |>
  fmt_number(
    columns = cv,
    decimals = 2,
    dec_mark = ",",
    sep_mark = ".",
    pattern = "{x}100%"
  )
gt_tab
```


Escolaridade dos funcionários: *Empresa tal*

Criado por: *Gilberto Sassi*

<i>Variável</i>	<i>Quantis</i>					
<i>Escolaridade</i>	<i>Média</i>	<i>Coefficiente de variação</i>	<i>Desvio padrão</i>	<i>Primeiro quartil</i>	<i>Segundo quartil</i>	<i>Terceiro quartil</i>
Nível: ensino universitário						
superior	16,48	0,27.100%	4,50	13,65	16,74	18,38
Nível: ensino básico						
ensino fundamental	7,84	0,38.100%	2,96	6,01	7,12	9,16
ensino médio	11,53	0,32.100%	3,72	8,84	10,91	14,42

Exemplo didático: Tabela 2.1.

Livro: **Estatística básica.**

Gráficos

ggplot2

Gráficos no R

- Pacote: `ggplot2`
- Permite gráficos personalizados com uma sintaxe simples e rápida, e iterativa *por camadas*
- Começamos com um camada com os dados `ggplot(dados)`, e vamos adicionando as camadas de anotações, e sumários estatísticos
- Usa a *gramática de gráficos* proposta por Leland Wilkinson: [Grammar of Graphics](#)
- Ideia desta gramática: delinear os atributos estéticos das figuras geométricas (incluindo transformações nos dados e mudança no sistema de coordenadas)
- Para mais detalhes, você pode consultar [ggplot2: elegant graphics for data analysis](#) e [documentação do ggplot2](#)

Estrutura básica ggplot2

```
ggplot(data = <data possible tibble>) +  
  <Geom functions>(mapping = aes(<MAPPINGS>)) +  
  <outras camadas>
```

Você pode usar diversos temas e extensões que a comunidade cria e criou para melhorar a aparência e facilitar a construção de ggplot2.

- Lista com extensões do ggplot: [extensões do ggplots](#)

Indicação de extensões:

- Temas adicionais para o pacote ggplot2: [ggthemes](#)
- Gráfico de matriz de correlação: [ggcorrplot](#)
- Gráfico quantil-quantil: [qqplotr](#)

Gráfico de barras

Gráfico de Barras no ggplot2

- função: `geom_bar()`. Para porcentagem: `geom_bar(x = <variável no eixo x>, y = ..prop.. * 100)`.
- Argumentos adicionais:
 - **fill**: mudar a cor do preenchimento das figuras geométricas
 - **color**: mudar a cor da figura geométrica

Rótulos dos eixos

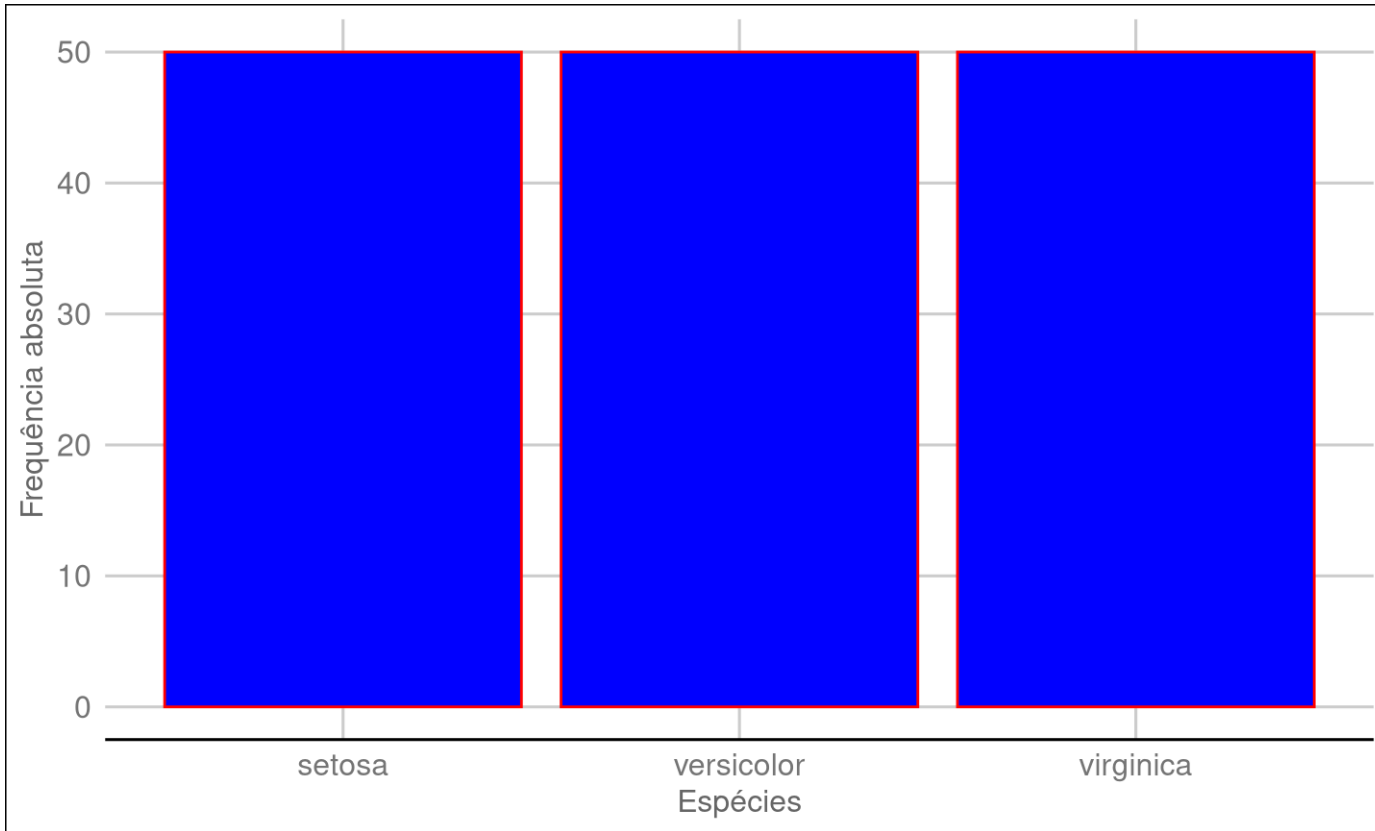
- Mudar os rótulos: `labs(x = <rótulo do eixo x>, y = <rótulo do eixo y>, title = <legenda do gráfico>)`
- Trocar o eixo-x pelo eixo-y: `coord_flip()`

Salvar gráficos

- `ggsave()`: salvar gráficos nos formatos pdf, png e jpeg

Gráfico de barras

```
library(ggplot2)
library(ggthemes)
df_iris <- read_xlsx("data/raw/dados_iris.xlsx")
ggplot(df_iris) +
  geom_bar(aes(x = especies), fill = "blue", color = "red") +
  labs(x = "Espécies", y = "Frequência absoluta") +
  theme_gdocs()
ggsave("figures/barras.jpeg")
ggsave("figures/barras.png")
ggsave("figures/barras.pdf")
```



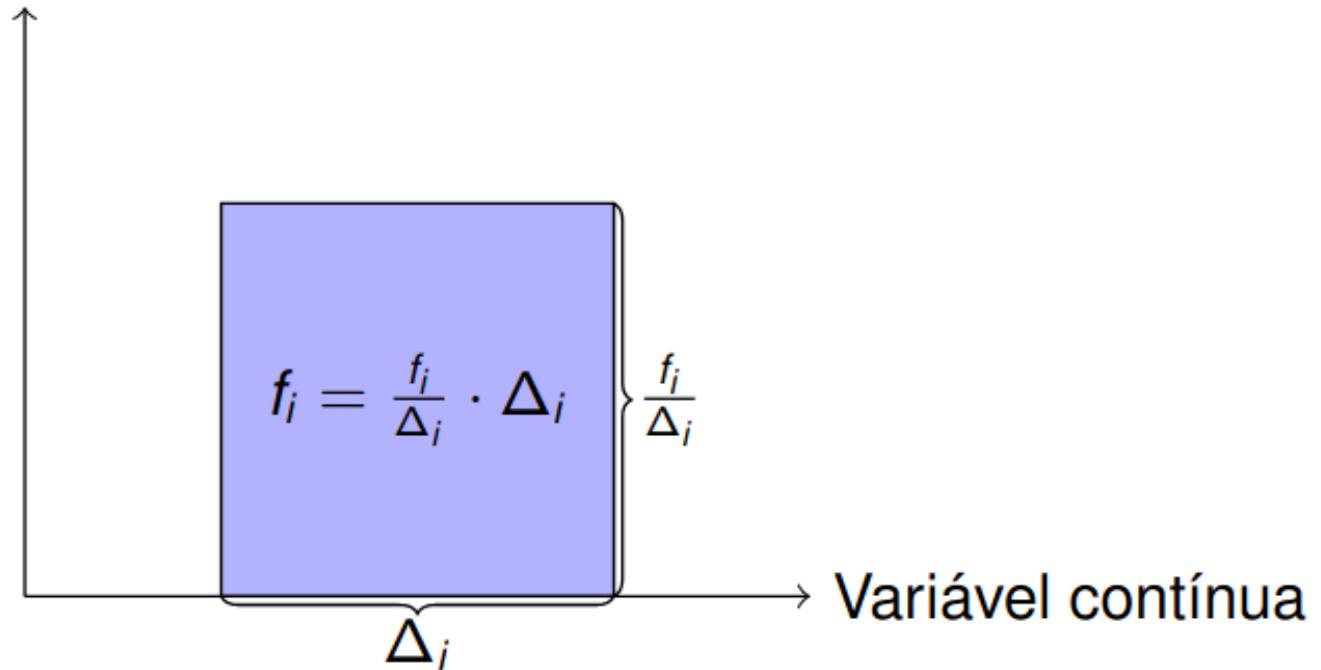
Histograma

Para variáveis quantitativas contínuas usamos *histograma*.

- O histograma é um gráfico de barras contíguas em que a área de cada barra é igual à frequência relativa.
- Cada faixa de valor $[l_{i-1}, l_i)$, $i = 1, \dots, n$, será representada por um barra com área f_i , $i = 1, \dots, n$.
- Como cada barra terá área igual a f_i e base $\Delta_i = l_i - l_{i-1}$, e a altura de cada barra será $\frac{f_i}{l_i - l_{i-1}}$.
- $\frac{f_i}{l_i - l_{i-1}}$ é denominada de densidade de frequência.
- Podemos fornecer:
 - **bins**: número de intervalos
 - **binwidth**: tamanho dos intervalos
 - **breaks**: limites dos intervalos

Histograma

Densidade de frequência



Histograma

```
df_iris <- read_xlsx("data/raw/dados_iris.xlsx")
k <- round(1 + log2(nrow(df_iris)))

ggplot(df_iris) +
  geom_histogram(aes(x = comprimento_sepala, y = ..density..),
                 bins = k, fill = "blue", closed = "left") +
  theme_gdocs() +
  labs(
    x = "Comprimento sépala",
    y = "Densidade de frequência",
    title = "Histograma"
  )
```

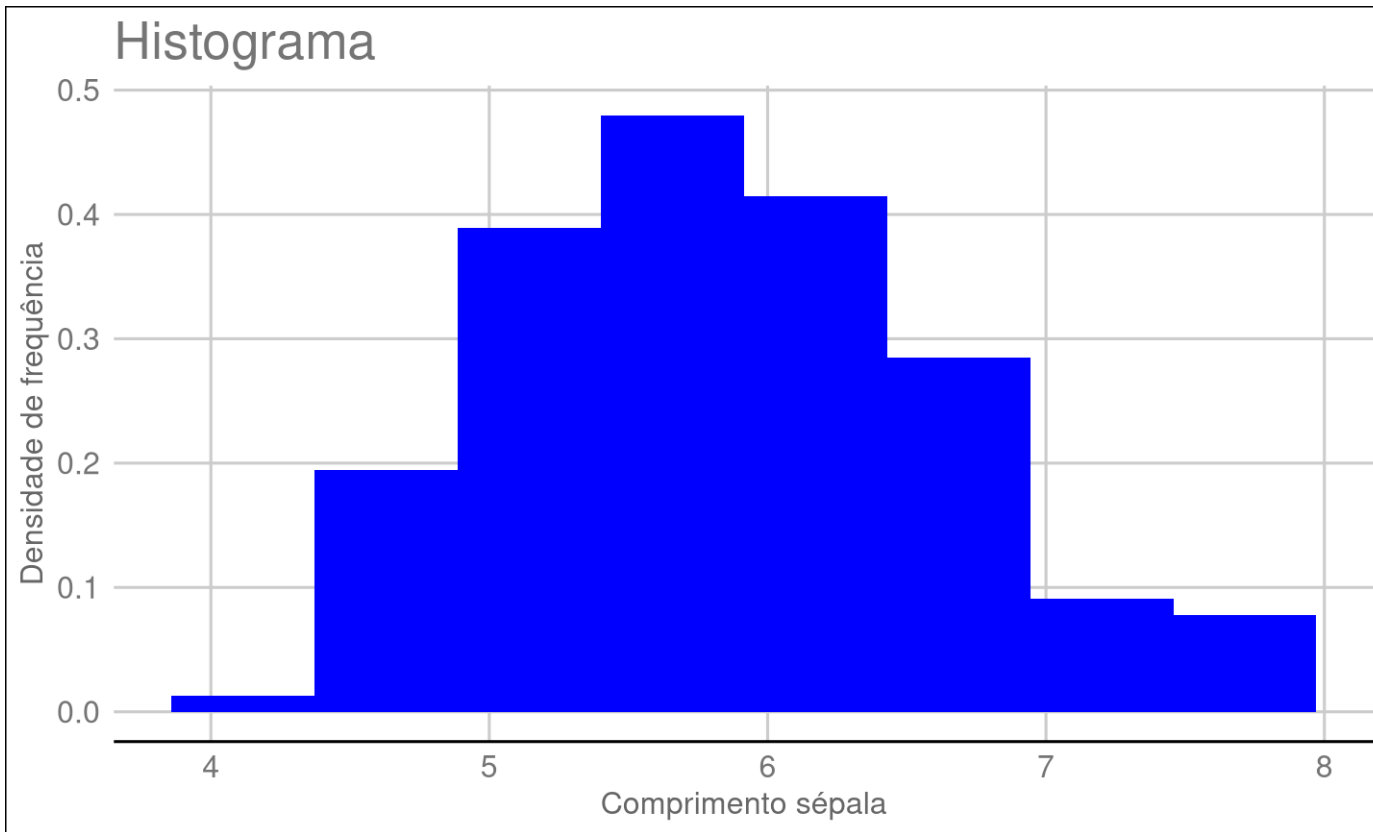


Diagrama de caixa

medida de dispersão: distância entre q_1 e q_3 pequena indica homogeneidade

Diferença de quartis: $dq = q_3 - q_1$

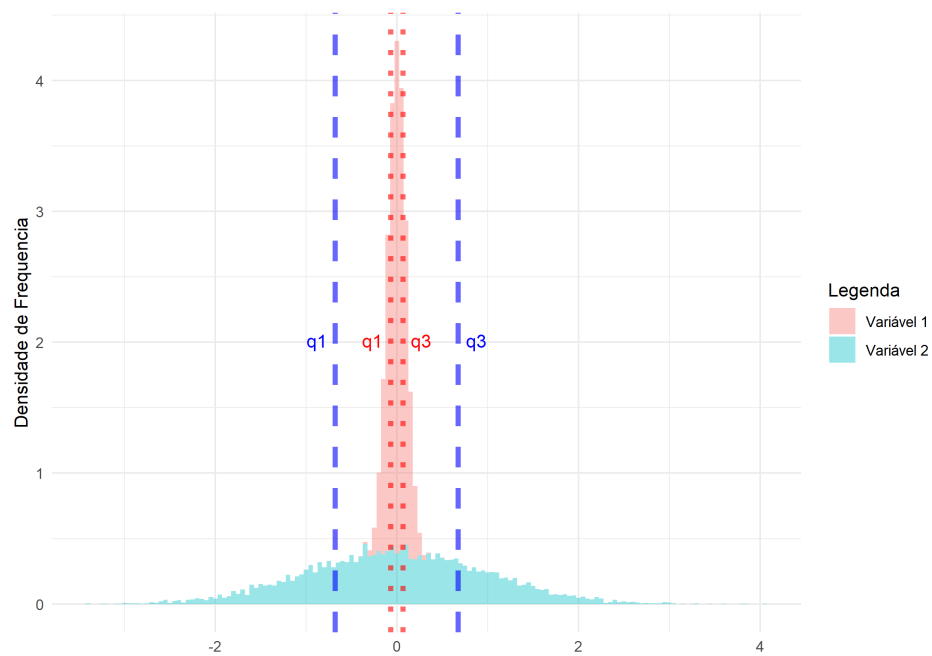


Diagrama de caixa

Assimetria à direita ou positiva:

- frequências diminuem à direita no histograma
- q_2 perto q_1 : $q_2 - q_1 < q_3 - q_2$

Assimetria à esquerda ou negativa: frequências diminuem à esquerda no histograma

- frequências diminuem à esquerda no histograma
- q_2 perto q_3 : $q_2 - q_1 > q_3 - q_2$

Diagrama de caixa

Assimetria

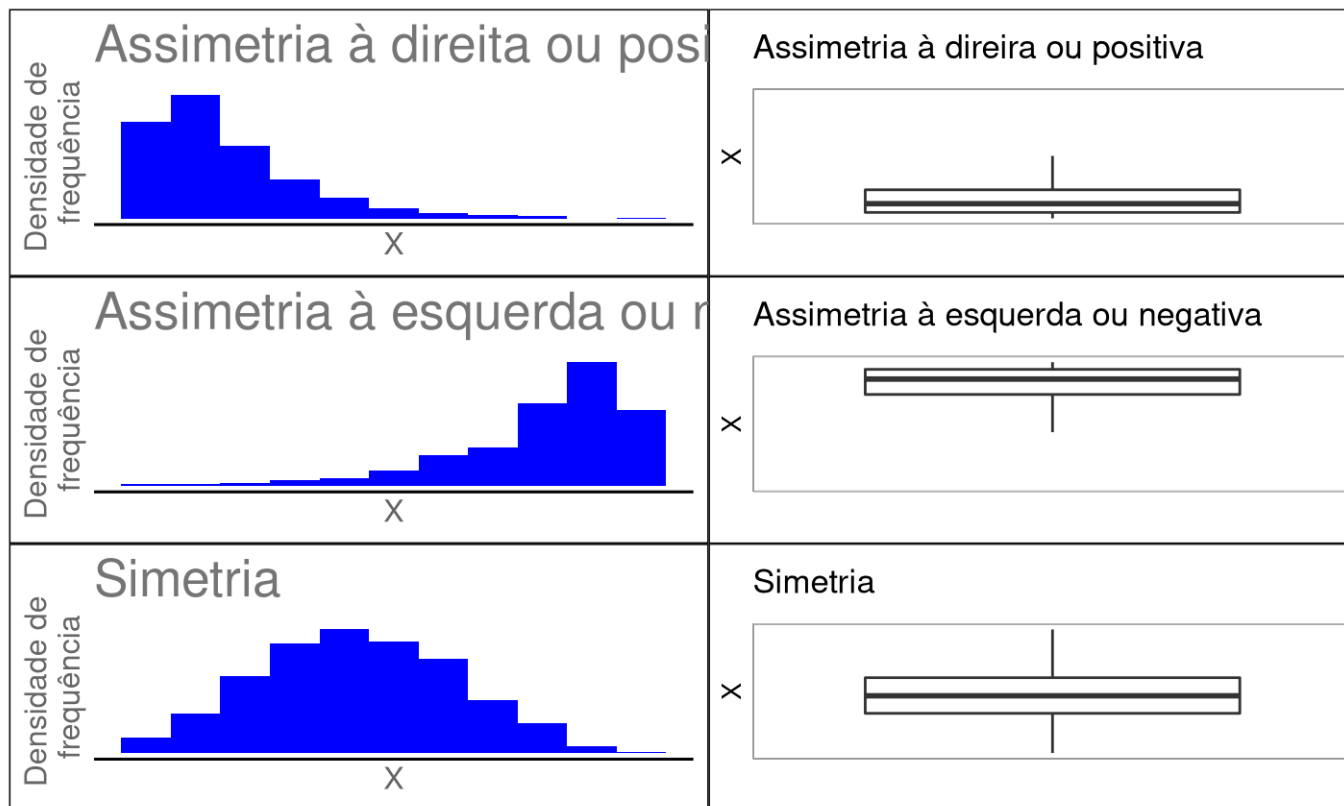


Diagrama de caixa

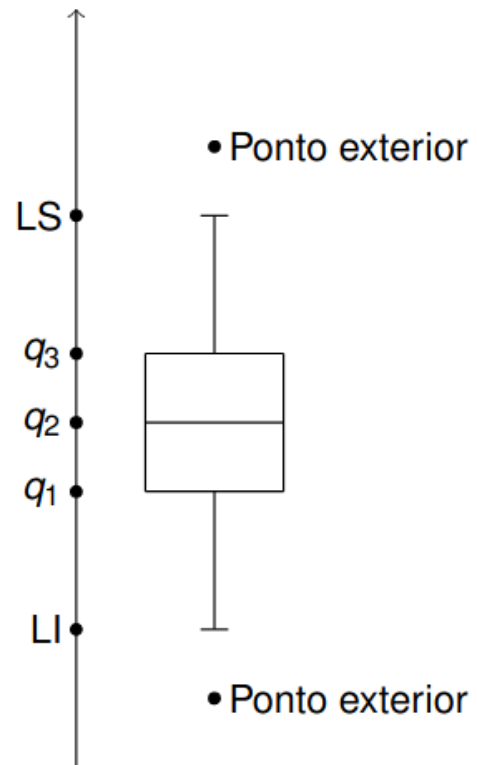
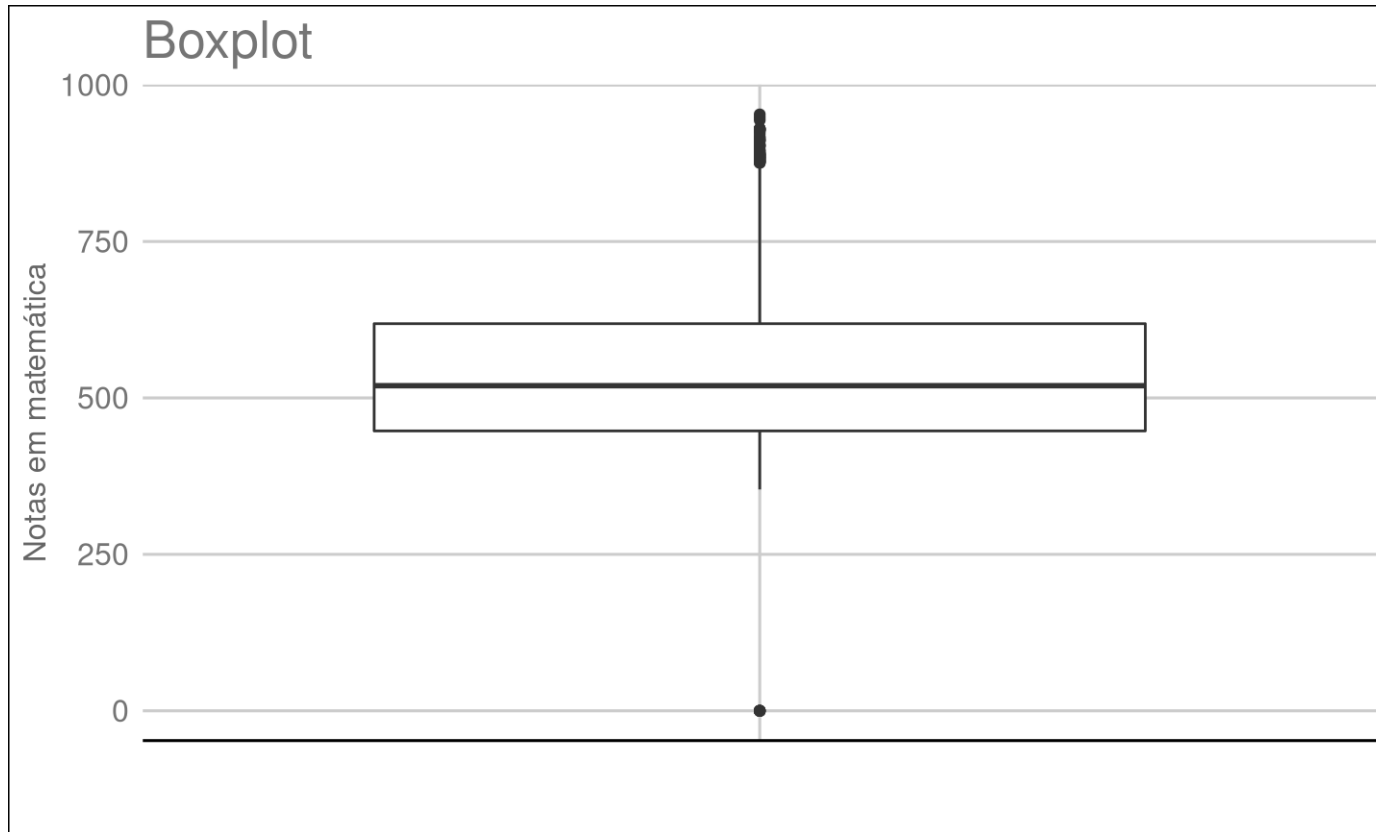


Diagrama de caixa

```
df_enem <- read_csv2("data/raw/enem_salvador_2021.csv")
ggplot(df_enem) +
  geom_boxplot(aes(x = "", y = NU_NOTA_MT)) +
  labs(x = "", y = "Notas em matemática", title = "Boxplot") +
  theme_gdocs()
```


Diagrama de caixa

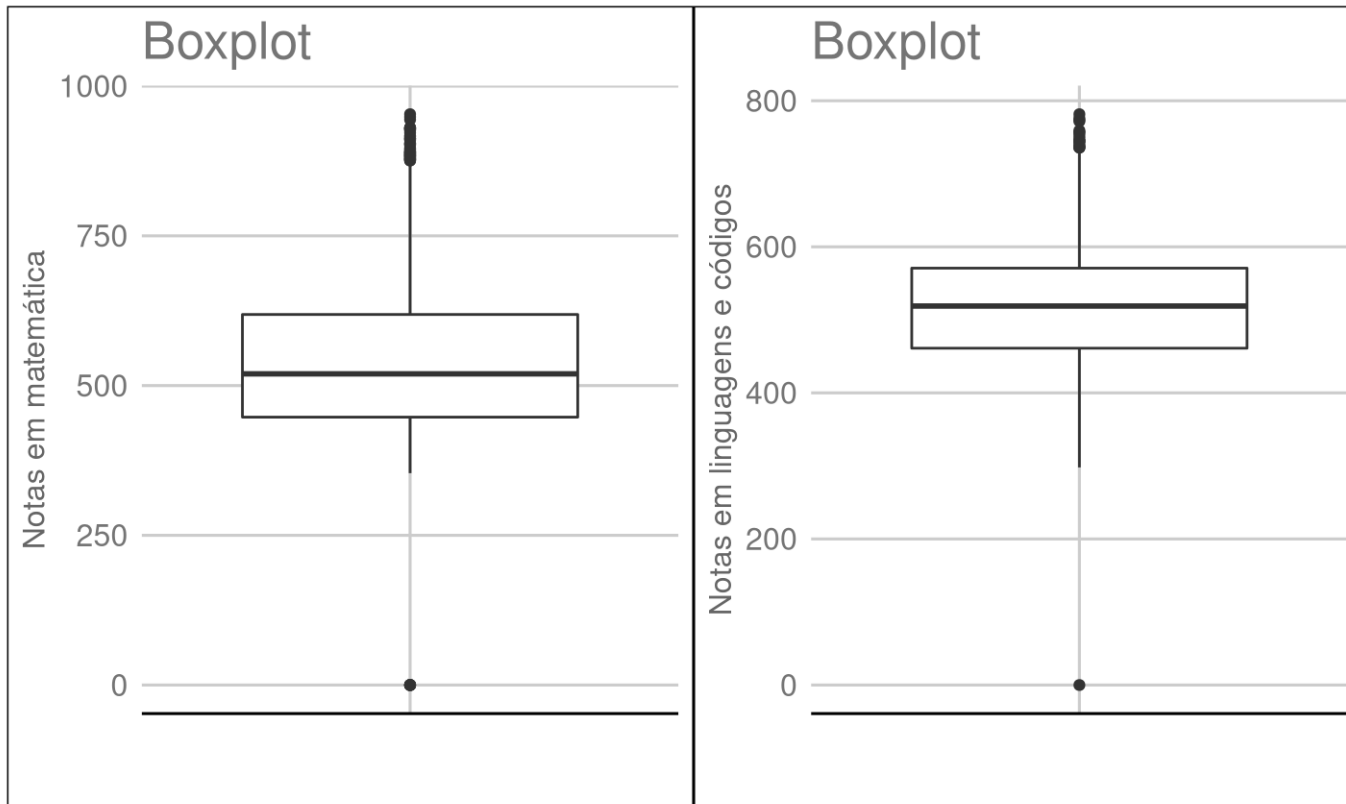


Gráficos lado a lado com patchwork

- `patchwork` permite colocar gráficos lado a lado com os operadores binários `+` (ao lado) e `\` (embaixo)
- Mais detalhes em [documentação patchwork](#)

```
df_enem <- read_csv2("data/raw/enem_salvador_2021.csv")
g1 <- ggplot(df_enem) +
  geom_boxplot(aes(x = "", y = NU_NOTA_MT)) +
  labs(x = "", y = "Notas em matemática", title = "Boxplot") +
  theme_gdocs()
g2 <- ggplot(df_enem) +
  geom_boxplot(aes(x = "", y = NU_NOTA_LC)) +
  labs(x = "", y = "Notas em linguagens e códigos", title = "Boxplot") +
  theme_gdocs()
g1 + g2
```

Gráficos lado a lado com patchwork



Gráficos

Duas variáveis

Gráfico de dispersão

Ideia: estudar a associação entre duas variáveis quantitativas

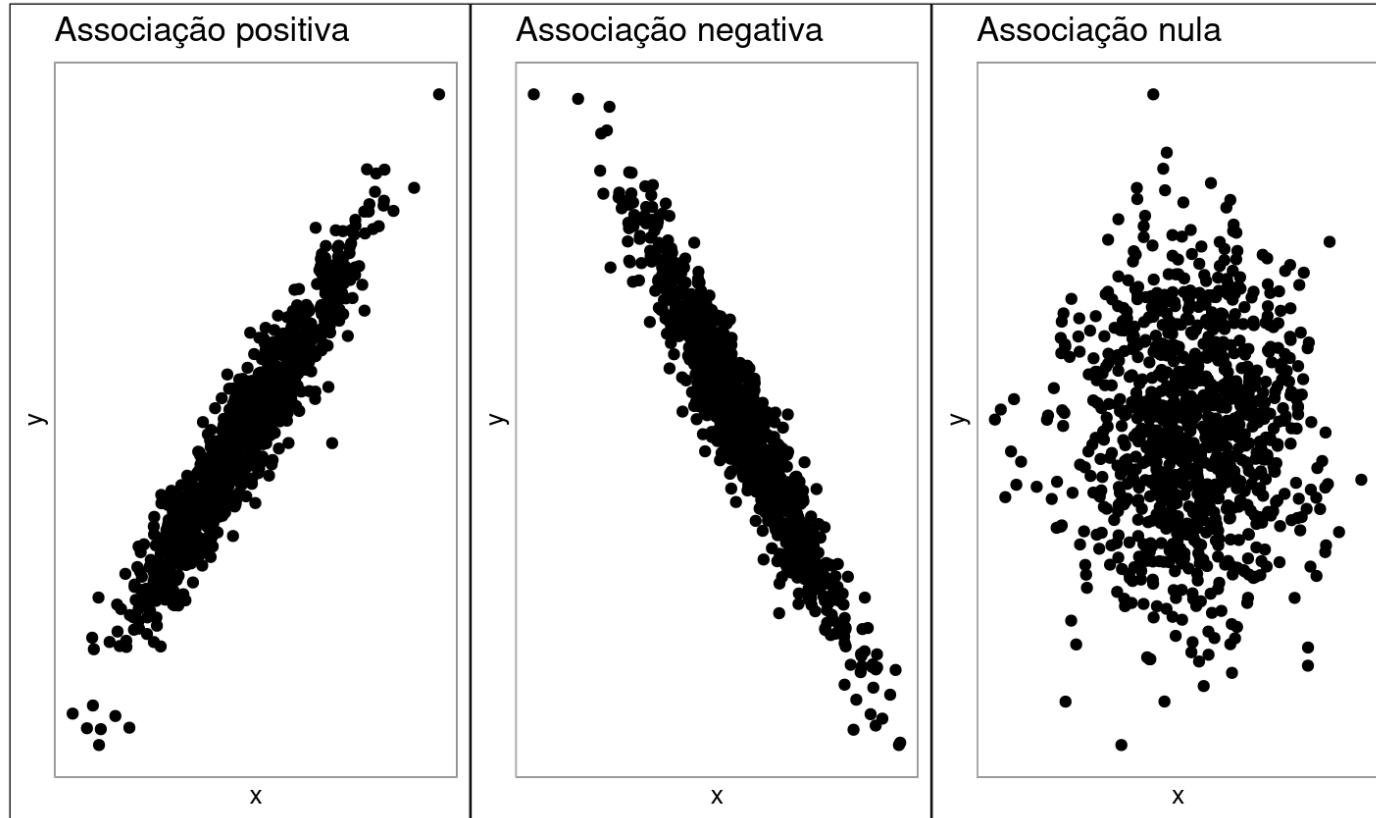


Gráfico de dispersão

```
df_iris <- read_xlsx("data/raw/dados_iris.xlsx")
ggplot(df_iris) +
  geom_point(aes(comprimento_sepala, comprimento_petala)) +
  labs(
    x = "Comprimento de sépala",
    y = "Comprimento de pétala",
    title = "Gráfico de dispersão"
  ) +
  theme_gdocs()
```

Gráfico de dispersão

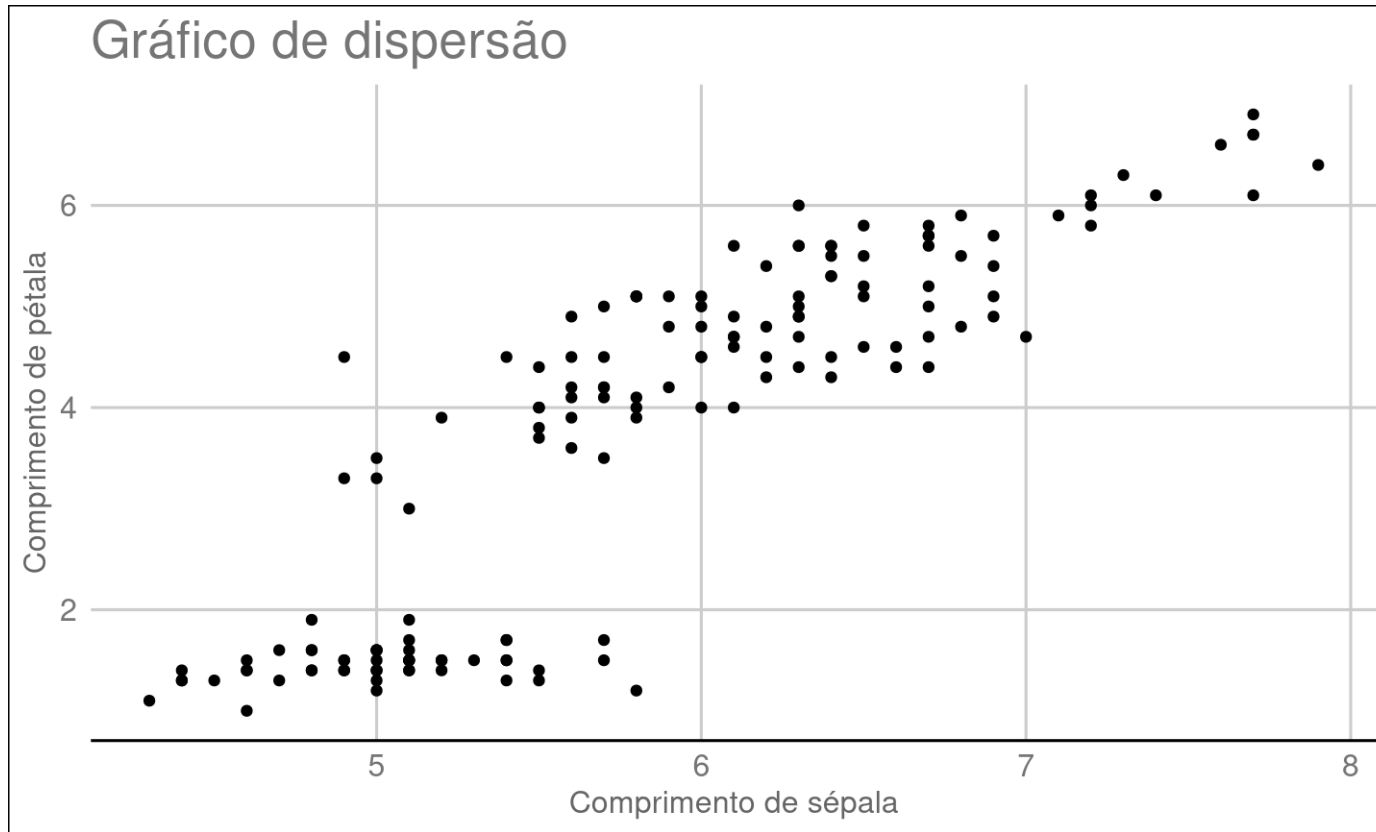


Gráfico de barras

Ideia

Sejam X e Y duas variáveis qualitativas com seguintes valores possíveis

- $X: A_1, \dots, A_r$
- $Y: B_1, \dots, B_s$

Desejamos estudar a associação entre X e Y .

Associação entre X e Y

Suponha que A_i tenha porcentagem $f_i \cdot 100\%$. Então, X e Y são:

- **não associados** se ao conhecermos o valor de Y para um elemento da população, *continuamos* com a porcentagem $100 \cdot f_i\%$ deste elemento ter valor de X igual a A_i
- **associados** se ao conhecermos o valor de Y para um elemento da população, *alteramos* a porcentagem $100 \cdot f_i\%$ deste elemento ter valor de X igual a A_i

Gráfico de barras

```
df_enem <- read_csv2("data/raw/enem_salvador_2021.csv")
ggplot(df_enem) +
  geom_bar(aes(x=TP_COR_RACA, fill=TP_ESCOLA), position = "fill") +
  labs(x = "Raça", y = "Porcentagem") +
  scale_y_continuous(labels = scales::percent)+
  scale_fill_manual(name = "Tipo de escola", values = c("blue", "orange", "magenta")) +
  theme_gdocs()
```

Gráfico de barras

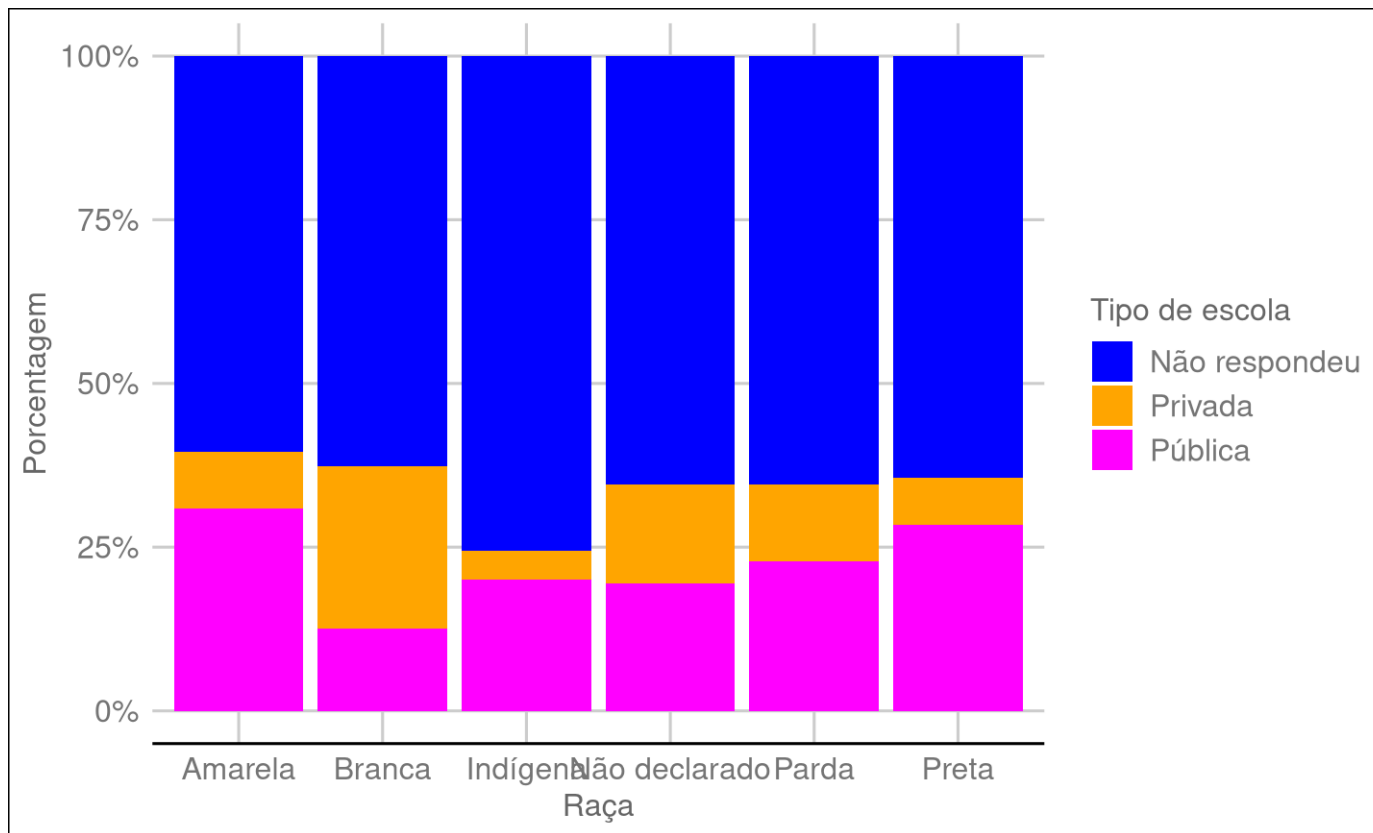


Gráfico de barras

Podemos agrupar as barras por grupos para analisar a associação entre duas variáveis qualitativas.

```
df_enem <- read_csv2("data/raw/enem_salvador_2021.csv")
ggplot(df_enem) +
  geom_bar(aes(x=TP_COR_RACA, fill=TP_ESCOLA), position = "dodge") +
  labs(x = "Raça", y = "Porcentagem") +
  scale_fill_manual(name = "Tipo de escola", values = c("blue", "orange", "magenta")) +
  theme_gdocs()
```

Gráfico de barras

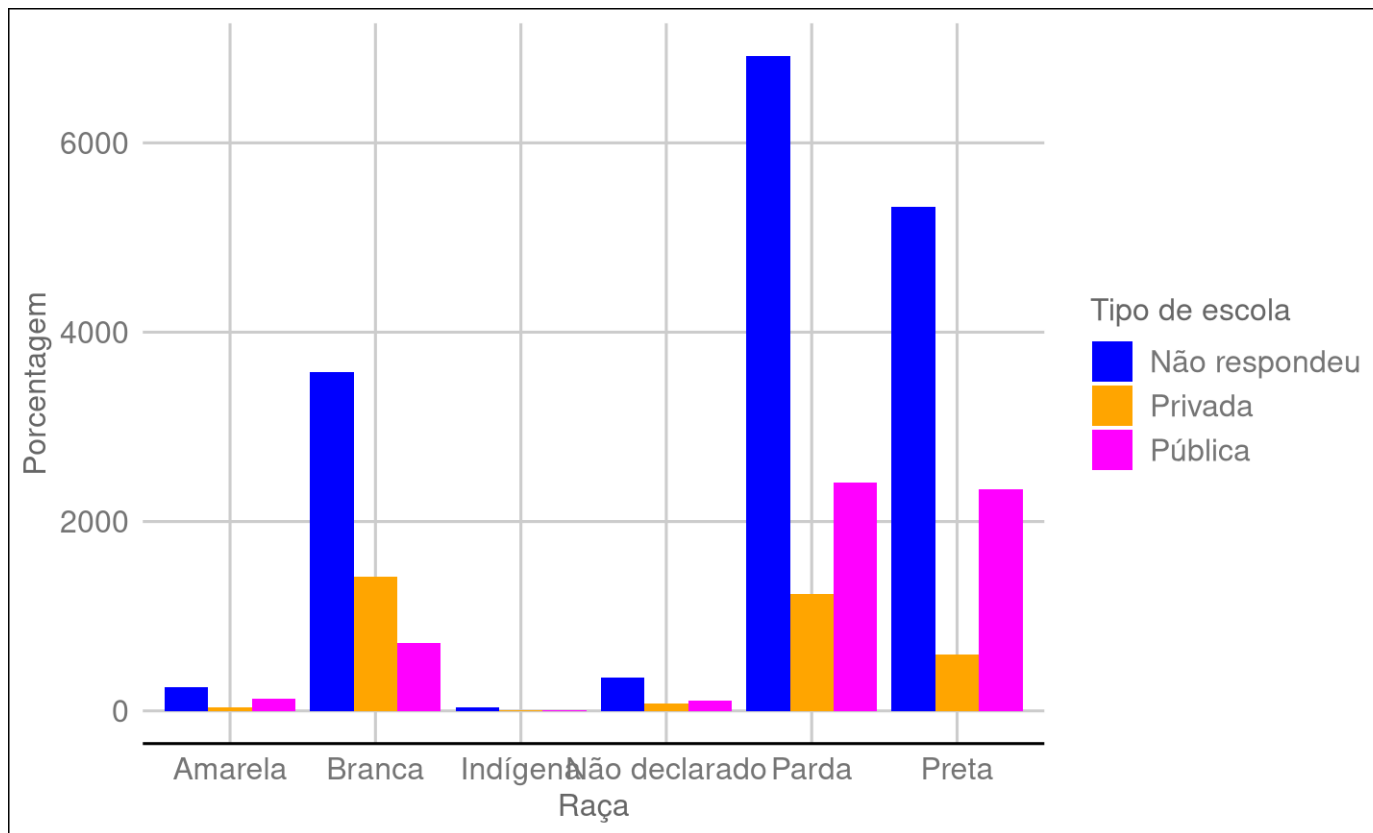


Diagrama de caixa

Podemos comparar medianas de diferentes grupos usando o diagrama de caixa.

```
df_enem <- read_csv2("data/raw/enem_salvador_2021.csv")
ggplot(df_enem) +
  geom_boxplot(aes(x = TP_COR_RACA, y = NU_NOTA_MT)) +
  labs(x = "Raça", y = "Nota em matemática") +
  theme_gdocs()
```

Diagrama de caixa

